

# استخدام اسلوب انحدار الحرف لمعالجة مشكلة التعدد الخطي مع التطبيق

معاذ عبد الرحيم أمين  
باحث

د. موفق محمد توفيق القصاب  
استاذ

كلية علوم الحاسوب والرياضيات، جامعة الموصل  
جمهورية العراق

## المستخلص

تم في هذا البحث استخدام اثر الحرف في تحديد قيمة الحرف  $k$  بطريقة انحدار الحرف، وذلك لتعيين أفضل قيمة للثابت  $k$  واختيارها للتخلص من مشكلة تعدد العلاقة الخطية بين المتغيرات التوضيحية. يوجد هناك العديد من الأساليب التي تتم فيها معالجة التعدد الخطي بين المتغيرات منها 1. زيادة حجم العينة (جمع المزيد من البيانات)، 2. إسقاط أو حذف بعض المتغيرات ذات الارتباط المرتفع، 3. إيجاد معاملات نموذج الانحدار الخطي لتمثيل أفضل نموذج استخدام طرائق التقدير المتحيزة وأهمها طريقة المكونات الرئيسية Principle Component Method وطريقة انحدار الحرف Ridge Regression Method، (المشهداني، 1994)، (القصبي، 2000).  
الكلمات الدالة: انحدار الحرف، التعدد الخطي، رياضيات.

## 1. المقدمة

إذ أن :

$Y$  : متجه الاستجابة ذو بعد  $n * 1$ .

$X$  : مصفوفة المتغيرات التوضيحية ذو بعد  $n * (m+1)$ .

$\beta$  : متجه المعلمات ذو بعد  $1 * (m+1)$

$\varepsilon$  : متجه الاخطاء العشوائية ذو بعد  $n * 1$ .

وعند توفر فروض نموذج الانحدار المتعدد يمكن تقدير معاملات النموذج الخطي وهناك عدة طرق لتقدير معاملات نموذج الانحدار المتعدد منها طريقة المربعات الصغرى وطريقة الإمكان الأعظم، وتعتبر طريقة المربعات الصغرى من أفضل طرق التقدير وأكثرها استعمالاً وتميز بأن مقدرات معالمها غير متحيزة ولها اقل تباين Best Linear Unbiased Estimators (BLUE)، (كاظم ومسلم، 2002). إن مصطلح تعدد العلاقة الخطية يشير إلى وجود ارتباط بين اثنين أو أكثر من المتغيرات التوضيحية في نموذج الانحدار الخطي على درجة عالية مما يجعل من الصعب أو المستحيل عزل تأثيراتها عن متغير الاستجابة.

## 2. تقدير معاملات الانحدار بطريقة المربعات الصغرى الاعتيادية (OLS)

تعد طريقة المربعات الصغرى من الطرائق المهمة والأكثر شيوعاً لتقدير معاملات نموذج الانحدار الخطي، وتمتاز هذه الطريقة بصفات أكثر فعالية عن غيرها من الطرائق وسهولة حساب وتقدير المعلمات ومنطقية النتائج المستحصل عليها وسهولة فهم ميكانيكية عملها، كما ان معظم الأساليب القياسية مبنية بالحقيقة على هذه الطريقة. ان مقدرات المربعات الصغرى هي مقدرات غير متحيزة لمعاملات الانحدار اذ تمتلك اقل

ان مشكلة التعدد الخطي بين المتغيرات التوضيحية التي تؤثر بالمتغير المعتمد في نموذج الانحدار الخطي المتعدد تعد احد المشاكل التي تؤثر على فروض تحليل الانحدار كونها تعطي تقديرات غير دقيقة عند استخدام طريقة المربعات الصغرى الاعتيادية (OLS) في التقدير. تهدف الدراسة الى إيجاد اسلوب بديل لطريقة OLS لغرض الحصول على تقديرات أفضل وذلك من خلال استخدام اسلوب انحدار الحرف. يعرف تحليل الانحدار بأنه أسلوب البحث في دالة رياضية لمتوسط العلاقة بين متغير الاستجابة Response variable والمتغيرات التوضيحية Predictor Variables بما يفيد التنبؤ والسيطرة، بالإضافة إلى تفسير العلاقات المختلفة بين المتغيرات وهذه العلاقة يمكن أن تكتب بشكل نموذج رياضي، فقد يحتوي النموذج على متغير توضيحي واحد فيسمى في هذه الحالة بنموذج الانحدار الخطي البسيط Simple Linear Regression Model، او قد يحتوي النموذج على متغيرات توضيحية عدة فانه يسمى بنموذج الانحدار الخطي المتعدد Multiple Linear Regression Model (Model)، ويكتب بالصيغة الآتية :

$$Y_i = \beta_0 + \sum_{j=1}^m \beta_j X_{ij} + \varepsilon_i \quad \dots \quad (1)$$

وبصيغة المصفوفات يكتب النموذج الخطي بالشكل الآتي :

$$Y = X\beta + \varepsilon \quad \dots \quad (2)$$

المجلة الاكاديمية لجامعة نورو

المجلد 7، العدد 2 (2018)

استلم البحث في 2018/4/2، قبل في 2018/4/10

ورقة بحث منتظمة نشرت في 2018/5/31

البريد الالكتروني للباحث : Muwafaq.qasab@gmail.com

حقوق الطبع والنشر © 2017 أساء المؤلفين. هذه مقالة الوصول اليها مفتوح موزعة تحت رخصة

المشاع الايداعي النسبي - CC BY.NC.ND 4.0

المشاهدات (n) بدرجات حرية  $m(m-1)/2$  ومستوى معنوية معين.

$$\chi^2_{crit} = -\left[(n-1) - \frac{1}{6}(2m+5)\right] \ln|R| \quad \dots \quad (8)$$

$|R|$  : تمثل اللوغاريتم الطبيعي لمحدد مصفوفة معاملات الارتباط البسيط، وان :

$$|R| = \prod_{j=1}^m \lambda_j$$

النوعي، (2005)

### 3.2 معامل التحديد واختبارات المعنوية

يلاحظ فيه ان معامل التحديد  $R^2$  لمعادلة الخدار ما مرتفعا جدا، ومعظم أو كل

المعلات المقدرة غير معنوية احصائيا، (عطية، 2004).

### 3.3 معاملات الارتباط

ويلاحظ معنوية معامل الارتباط (r) بين المتغيرات التوضيحية، (الراوي، 1987).

### 3.4 معامل تضخم التباين

احتساب معامل تضخم التباين (VIF) Variance Inflation Factor لكل متغير

من المتغيرات التوضيحية إذ يستفاد منه في قياس مدى ارتباط كل متغير توضيحي مع

المتغيرات الاخرى في النموذج، فاذا كانت قيمة  $VIF_j > 5$  فانه يدل على ان هناك

مشكلة التعدد الخطي بين المتغيرات التوضيحية (الفضاب والريكاني، 2014). ولإيجاد

قيمة معامل تضخم التباين VIF تستخدم الصيغة الآتية :

$$VIF_j = \frac{1}{1-R_j^2} \quad \dots \quad (9)$$

$j=1,2,3,\dots,m$

m : تمثل عدد المتغيرات التوضيحية.

$R_j^2$  : تمثل مربع معامل الارتباط بين  $x_1$  و  $x_2$  عند ثبات باقي المتغيرات المستقلة

$x_s$ . (بحي وعبدالله، 2007) ونعتقد بان القيمة  $VIF > 5$  قيمة عالية جدا، لتشخيص

تعدد العلاقة الخطية وسوف نعد قيمة  $VIF \geq 4$  لتشخيص تعدد العلاقة الخطية في

دراستنا هذه. (امين، 2014)

### 3.5 العدد الشرطي (CN) (Condition Number)

ان هذا المقياس يعتمد بالأساس على الجذور والمتجهات المميزة ويمثل النسبة بين أكبر واصغر جذر مميز الناتج

عن تحليل مصفوفة المعلومات (X'X). إن تحديد قيمة العدد الشرطي تبين لنا درجة التعدد الخطي بين

المتغيرات التوضيحية، فإذا كانت قيمة العدد الشرطي واقعة بين  $30 < CN < 100$  دل ذلك على وجود علاقة

التباينات من بين كل الطرائق غير المتحيزة الأخرى، لذلك يطلق على مقدرات هذه

الطريقة بان لها أفضل تقدير خطي غيرمتحيز Best Linear unbiased

Estimations ومختصرها (BLUE)، وتتميز بكونها مقدرات متنسقة وكافية وكفاءة

في حالة توفر فروض النموذج الخطي التي تم ذكرها سابقا، (القصي، 2000). تعد

طريقة المربعات الصغرى الاعتيادية (OLS) واحدة من الطرائق المهمة في تقدير

معلات نموذج الانحدار الخطي المتعدد  $(\beta_0, \beta_1, \beta_2, \dots, \beta_m)$  والتي تعد

أفضل طريقة للحصول على أصغر قيمة ممكنة لمجموع مربعات الأخطاء وهي كالآتي :

من المعادلة (2) نحصل على :

$$\varepsilon = Y - X\beta \quad \dots \quad (3)$$

أما مربعات البواقي التي نريد تصغيرها فتكتب على النحو :

$$\text{Min} \sum_{i=1}^n \varepsilon_i^2 = \varepsilon'\varepsilon \quad \dots \quad (4)$$

$$\varepsilon'\varepsilon = (Y - X\beta)'(Y - X\beta)$$

ومنه يكون :

$$\varepsilon'\varepsilon = Y'Y - Y'X\beta - \beta'X'Y + \beta'X'X\beta \quad \dots \quad (5)$$

لذلك فالمعادلة (6) يمكن كتابتها كما يلي :

$$\varepsilon'\varepsilon = Y'Y - 2\beta'X'Y + \beta'X'X\beta$$

ولغرض تصغير البواقي نلجأ الى استخدام الاشتقاق الجزئي بالنسبة للمعلات ونساوي

النتيجة للصفر، فيكون :

$$\frac{\partial \sum_{i=1}^n \varepsilon_i^2}{\partial \beta} = -2X'Y + 2X'X\beta \quad \dots \quad (6)$$

وبالتالي نحصل على :

$$X'X\beta = X'Y$$

اي ان :

$$\hat{\beta}_{LS} = (X'X)^{-1}X'Y \quad \dots \quad (7)$$

وهي المعادلة العامة لتقدير معلات الانحدار الخطي

### 3. طرائق الكشف عن مشكلة التعدد الخطي

ان من أكثر الطرائق استخداما للكشف عن مشكلة تعدد العلاقة الخطية هي :

### 3.1 اختبار فراير وكولبر Farrar & Glauber

ويستند هذا الاختبار على اختبار مربع كاي ( $\chi^2$ ) وعدد المتغيرات (m) وعدد

سوف نقتصر في دراستنا هنا على أثر الحرف. (المشهداني، 1994)، (القصبي، 2000)

#### 2.4 اثر الحرف Ridge trace

تسمى طريقة اثر الحرف ايضاً بطريقة العرض البياني او الرسم البياني لاثر الحرف، وتعرف بانها عبارة عن رسم عرضي يساعد المحلل على ملاحظة وتحديد المعلمات الحساسة للبيانات، ويتم ذلك من خلال الرسم بين محورين الاول يمثل معلمات الانحدار المقدرة بطريقة الحرف والثاني يمثل عدد من قيم  $k$  المختارة، اذ يمثل الاحداثي الأفقي لقيم  $k$  المحدد بين (0، 1) اما الاحداثي العمودي فيمثل المعلمات المقدرة بطريقة انحدار الحرف عند كل قيمة من  $k$ ، ويتم اعتماد القيمة المناسبة ل  $k$  حينما تصبح التقديرات جميعها ثابتة بزيادة  $k$ ، من خلال استخدام طريقة اثر الحرف يمكن ان نلاحظ مدى قوة الارتباط او التداخل الخطي بين المتغيرات التوضيحية من خلال التغير السريع للمعلمات المقدرة مع تغير في قيمة  $k$ . وفي حالة استخدام اسلوب الحرف فاننا سوف نحصل على مقدرات تكون أكثر منطقية من المقدرات التي نحصل عليها في طريقة المربعات الصغرى الاعتيادية عند وجود تداخل خطي بين المتغيرات

#### 5. الجانب التطبيقي

تم تطبيق الجانب النظري على بيانات تمثل نتائج تحليل مياه 74 بئراً وبنوعاً في قضاء تلعفر محافظة نينوى، (حسين، 2013)، لدراسة تأثير المتغيرات المستقلة التالية :

$X_1$  ( PH الحامضية )

$X_2$  ( Ca الكالسيوم )

$X_3$  ( Mg المغنيسيوم )

$X_4$  ( Na الصوديوم )

$X_5$  ( K البوتاسيوم )

$X_6$  ( SO<sub>4</sub> كبريتات )

$X_7$  ( Cl كلور )

$X_8$  ( HCO<sub>3</sub> بيكربونات )

$X_9$  ( NO<sub>3</sub> نترات )

على المتغير المعتمد  $y$  (Total Dissolved Solids) (TDS).

خطية متعددة بين المتغيرات التوضيحية، وإذا كانت قيمة العدد الشرطي  $CN > 100$  فالتعدد على درجة مرتفعة جداً. والصيغة الرياضية لها تتمثل بالآتي :

$$C. N. = \sqrt{\frac{\lambda_{\max}}{\lambda_{\min}}} \quad \dots \quad (10)$$

حيث أن :

$\lambda_{\max}$  : أكبر قيمة مميزة.

$\lambda_{\min}$  : اصغر قيمة مميزة.

Muniz & Kibria, (2009)

#### 4. انحدار الحرف Ridge Regression

يعتبر العالمان هول وكنرد ( Kennard & Hoerl , 1970 ) أول من تطرق لانحدار الحرف لمعالجة تعدد العلاقة الخطية، حيث اقترحا إضافة قيمة موجبة صغيرة إلى قطر مصفوفة المعلومات  $X'X$  كما هو موضح في العلاقة التالية :

$$\beta_{RR} = (X'X + KI_m)^{-1}X'Y \quad \dots \quad (11)$$

حيث أن :

$K$  : ثابت  $K \geq 0$

$I_m$  : مصفوفة الوحدات.

يسمى الثابت بمعلمة الحرف (Ridge Parameter)، فعندما تكون قيمة  $k=0$  فإن تقديرات طريقة الانحدار هي تقديرات طريقة المربعات الصغرى الاعتيادية، أما إذا كانت ( $K > 0$ ) فإن مقدرات انحدار الحرف تميل إلى الاستقرار (في حالة وجود تعدد علاقة خطية) عند قيمة معينة نسبة للمتغيرات في البيانات، وهذا ما يعرف بمقدر انحدار الحرف لقيمة الثابت، (كاظم، 2005).

#### 1.4 طرائق اختيار معلمة الحرف Methods of Selection Ridge Parameter

توجد طرائق عديدة لإيجاد معلمة الحرف  $k$ ، ومنها :

• طريقة Kennard & Baldwin ، Hoerl

• طريقة Thistal

• الطريقة التكرارية Iteration Method

• اثر الحرف Ridge trace

1.5 تقدير معاملات النموذج بطريقة المربعات الصغرى الاعتيادية لتقدير معاملات النموذج الخطي المتعدد لمتغيرات ملوحة الماء باستخدام طريقة المربعات المعيارية بهذه الطريقة كما في الجدول ادناه :

جدول رقم (1) : يبين قيم المعلمات والانحراف المعياري لقيم هذه المعلمات

لنموذج الانحدار الخطي المتعدد بطريقة المربعات الصغرى

Parameter	Estimate	Standard Error	T.Statistic	P.Value
CONSTANT	214.843	2180.7	0.098	0.9218
$X_1$	153.807	285.135	0.539	0.5915
$X_2$	0.978	0.657	1.489	0.1415
$X_3$	3.850	1.202	3.202	0.0021
$X_4$	2.791	0.621	4.498	0.0000
$X_5$	17.670	12.982	1.361	0.1782
$X_6$	0.088	0.202	0.435	0.6651
$X_7$	1.015	0.483	2.104	0.0393
$X_8$	.1.67215	0.975706	.1.71379	0.0914
$X_9$	2.41742	1.38546	1.74486	0.0858

يلاحظ من الجدول (1) ان معاملات المتغيرات  $X_1$  و  $X_2$  و  $X_3$  و  $X_4$  و  $X_5$  و  $X_6$  ايجابي على ملوحة الماء. المتغيرات  $X_3$  و  $X_4$  و  $X_7$  لها تأثير معنوي وذلك من خلال قيمة P.Value في حين سوف يتم اسقاط بقية المتغيرات التي تكون فيها قيمة P.Value اكبر من (0.05)، وهذا غير واقعي لان المتغيرات التي يتم اسقاطها هي متغيرات مهمة في ملوحة الماء. الجدول رقم (2) يمثل جدول تحليل التباين.

جدول رقم (2) : تحليل التباين لمتغيرات ملوحة الماء

Source	DF	SS	MS	F	P	$R^2$
Regression	9	164709445	18301049	51.29	0.0000	87.824
Error	64	22835397	356803			
Total	73	187544842				

نلاحظ ان قيمة P.Value اقل من (0.05) وهذا دليل على معنوية النموذج، بلغت قيمة معامل التحديد (87.824) وهذا يعني ان المتغيرات المستقلة تفسر (87.8%) تعود الى عوامل غير مدروسة وموجودة ضمن الخطأ العشوائي.

جدول رقم (3) : قيم المعلمات والانحراف المعياري للمتغيرات  $X_3$ ،  $X_4$ ،  $X_7$

Parameter	Estimate	Standard Error	T.Statistic	P.Value
CONSTANT	1924.7	141.8	13.57	0.0000
$X_3$	3.6946	0.8528	4.33	0.0000
$X_4$	3.0959	0.4165	7.43	0.0000
$X_7$	1.1570	0.4243	2.73	0.0000

الجدول أعلاه يبين قيم المعلمات والانحراف المعياري للمتغيرات  $X_3, X_4, X_7$  لنموذج من خلال قيمة P.Value اقل من (0.05) ومن الجدول رقم (4) ادناه يمثل جدول الانحدار الخطي المتعدد نلاحظ ان المتغيرات  $X_3, X_4, X_7$  لها تأثير معنوي وذلك تحليل التباين للمتغيرات  $X_3, X_4, X_7$

جدول رقم (4) : تحليل التباين للمتغيرات  $X_3, X_4, X_7$

Source	DF	SS	MS	F	P	$R^2$
Regression	3	159236461	53078820	131.25	0.0000	84.9058
Error	70	28308382	404405			
Total	73	187544842				

نلاحظ ان قيمة P.Value اقل من (0.05) وهذا دليل على معنوية النموذج.

## 2.5 الكشف عن وجود مشكلة التعدد الخطي

لغرض الكشف عن مشكلة تعدد العلاقة الخطية للبيانات نلاحظ ما يأتي :

### 2.5.1 اختبار فراير وكولير : إن هذا الاختبار يقيس الفرضية الآتية

عدم وجود مشكلة التعدد الخطي بين المتغيرات التوضيحية :  $H_0$

وجود مشكلة التعدد الخطي بين المتغيرات التوضيحية :  $H_1$

من المعادلة (8) فان قيمة مربع كاي  $\chi^2_{cal}$  المحسوبة إذ أن  $m=9, n=74$  هي :

$$\begin{aligned}\chi^2_{cal} &= - \left[ (n-1) - \left( \frac{1}{6}(2m+5) \right) \right] \ln|R| \\ &= - \left[ (74-1) - \left( \frac{1}{6}(2*9+5) \right) \right] \ln(0.0169) \\ &= -(69.1666) * (-4.08) = 282.1997\end{aligned}$$

وبالعودة الى جداول توزيع مربع كاي فإن القيمة الجدولية إلى مربع كاي  $\chi^2_{tab}$  بدرجة

حرية (36) هي (50.964) عند مستوى معنوية 5% ومقارنة القيمة المحسوبة مع قيمته

الجدولية نلاحظ أن القيمة المحسوبة أكبر من الجدولية  $\chi^2_{cal} > \chi^2_{tab}$  لذا نرفض

فرضية العدم وتقبل الفرضية البديلة وهذا يدل على وجود مشكلة التعدد الخطي بين

المتغيرات التوضيحية بما ان قيمة  $|R| = \prod_{j=1}^m \lambda_j$  فالجدول رقم (5) يوضح القيم

النااتية لمصفوفة R.

جدول رقم (5) : القيم النااتية لمصفوفة R

$\lambda_j$	القيم النااتية
$\lambda_1$	2.90094
$\lambda_2$	2.04516
$\lambda_3$	1.10303
$\lambda_4$	0.96223
$\lambda_5$	0.67373
$\lambda_6$	0.53919

$\lambda_7$	0.40368
$\lambda_8$	0.31353
$\lambda_9$	0.05850

### 2.5.2 حساب معامل التضخم التباين (VIF)

يحسب عامل تضخم التباين VIF لكل متغير من المتغيرات التوضيحية حسب المعادلة

(23.2) وكما مبين في الجدول رقم (6).

جدول رقم (6) : مقياس تضخم التباين VIF

$X_j$	VIF
$X_1$	1.55402
$X_2$	2.84254
$X_3$	2.60986
$X_4$	8.29473
$X_5$	1.24244
$X_6$	3.94138
$X_7$	5.20988
$X_8$	1.18752
$X_9$	1.99677

نلاحظ أن قيم عامل تضخم التباين VIF للمتغيرات ( $X_4$  و  $X_6$  و  $X_7$ ) أكبر من

(3) وهذا دليل على أن هذه المتغيرات تعاني من مشكلة تعدد العلاقة الخطية.

### 2.5.3 إيجاد العدد الشرطي

يتم أولاً إيجاد القيم النااتية لمصفوفة  $X'X$  وكالتالي :

$$C.N. = \sqrt{\frac{\lambda_{max}}{\lambda_{min}}} = \sqrt{\frac{280564742}{219}} = \sqrt{128111.754337899} = 1131.86$$

نلاحظ أن قيمة العدد الشرطي أكبر من 100 اي (1131.86 > 100) وهذا دليل

على وجود تعدد علاقة خطية عالية بين المتغيرات ويزداد تأثيرها كلما زادت قيمة C.N.

### 6. طريقة معالجة مشكلة التعدد الخطي

لغرض معالجة مشكلة تعدد العلاقة الخطية وكما تم ايضاحه في هدف البحث على

اسلوب انحدار الحرف بطريقة أثر الحرف وذلك من خلال تحديد قيمة الثابت k المثلى

تم اختيار قيم للثابت k محصورة بين (1,0) وبنسبة زيادة (0.011) إذ تم حساب

قيم مقدرات المعلمات  $\hat{\beta}_i$  اعتماداً على المعادلة (12) كذلك قيم VIF وقيم MSE وقيم

$R^2$  لقيم k ابتداءً من 0 الى 0.066 وكما مبين في الجدول أدناه :

جدول رقم (8) : قيم المعلمات المتدرة ومتوسط مربعات الخطأ MSE وقيمة معامل التحديد  $R^2$  اعتماداً على قيم k

$\hat{\beta}_i$	K=0	VIF	K=0.011	VIF	K=0.022	VIF	K=0.033	VIF
$\hat{\beta}_0$	214.843		169.607		128.167		90.0298	
$\hat{\beta}_1$	153.807	1.55402	162.588	1.48919	170.313	1.42879	177.247	1.3724
$\hat{\beta}_2$	0.978438	2.84254	0.835446	2.36575	0.731052	2.05008	0.65132	1.8248
$\hat{\beta}_3$	3.85009	2.60986	3.58073	2.16129	3.38419	1.86819	3.23417	1.6618
$\hat{\beta}_4$	2.79099	8.29473	2.59945	6.06254	2.45774	4.66903	2.34798	3.7377
$\hat{\beta}_5$	17.67	1.24244	16.8489	1.19566	16.2297	1.15506	15.7403	1.1185
$\hat{\beta}_6$	0.0877953	3.94138	0.136856	3.13109	0.172321	2.6076	0.19908	2.2439
$\hat{\beta}_7$	1.01541	5.20988	1.12676	4.00891	1.2037	3.24596	1.25881	2.7255
$\hat{\beta}_8$	.1.67215	1.18752	.1.5837	1.1371	.1.51574	1.09588	.1.461	1.0602
$\hat{\beta}_9$	2.41742	1.99677	2.61244	1.83283	2.76105	1.70646	2.8792	
$R^2$	87.824		87.3514		86.9137		86.4995	
MSE	356803		357387		358597		360033	

$\hat{\beta}_i$	K=0.044	VIF	K=0.055	VIF	K=0.066	VIF
$\hat{\beta}_0$	54.8299		22.2767		.7.87065	
$\hat{\beta}_1$	183.554	1.31959	189.342	1.27008	194.689	1.22358
$\hat{\beta}_2$	0.588288	1.65486	0.537105	1.52096	0.494623	1.41189
$\hat{\beta}_3$	3.11567	1.50807	3.01949	1.38836	2.9397	1.29186
$\hat{\beta}_4$	2.25993	3.08218	2.18736	2.60173	2.12619	2.23788
$\hat{\beta}_5$	15.3397	1.08476	15.0027	1.05331	14.7129	1.02372
$\hat{\beta}_6$	0.21992	1.97706	0.236558	1.77264	0.250098	1.61069
$\hat{\beta}_7$	1.29927	2.35064	1.32945	2.06891	1.35218	1.84978
$\hat{\beta}_8$	.1.41533	1.02823	.1.37618	0.998936	.1.34191	0.971718
$\hat{\beta}_9$	2.97606	1.51467	3.05733	1.43745	3.12671	1.36864

جدول رقم (7) : الجذور المميزة لمصفوفة  $X'X$

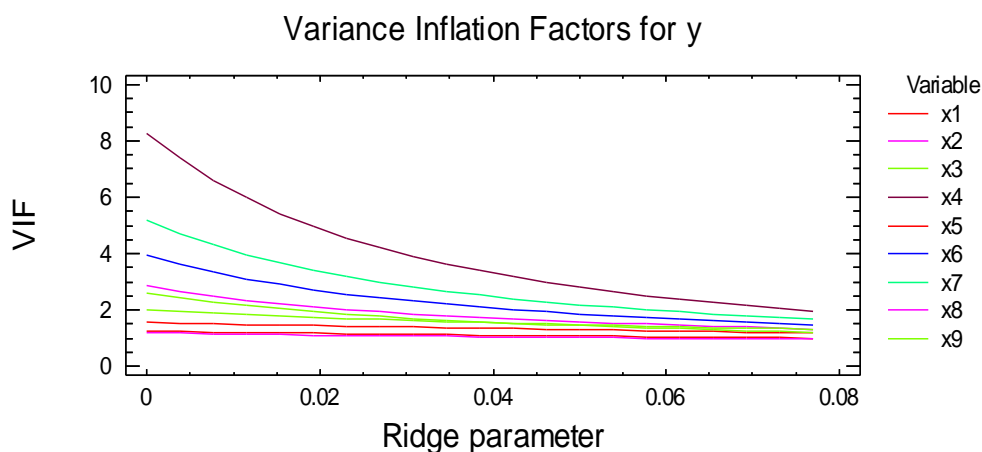
$\lambda_j$	القيم الذاتية
$\lambda_1$	280564742
$\lambda_2$	13023179
$\lambda_3$	2386336
$\lambda_4$	1182146
$\lambda_5$	559742
$\lambda_6$	238907
$\lambda_7$	151690
$\lambda_8$	3523
$\lambda_9$	219
$\lambda_{10}$	0

R <sup>2</sup>	86.1025		85.7186		85.3451	
MSE	361542		363067		364588	

من الجدول رقم (8) نلاحظ استقرار النموذج عندما تكون قيمة الثابت  $K=0.055$  اذا هي قيمة  $K$  المثلى لهذا النموذج وبذلك فان نموذج الانحدار عندما تكون قيمة الثابت  $K=0.055$  على النحو الآتي :

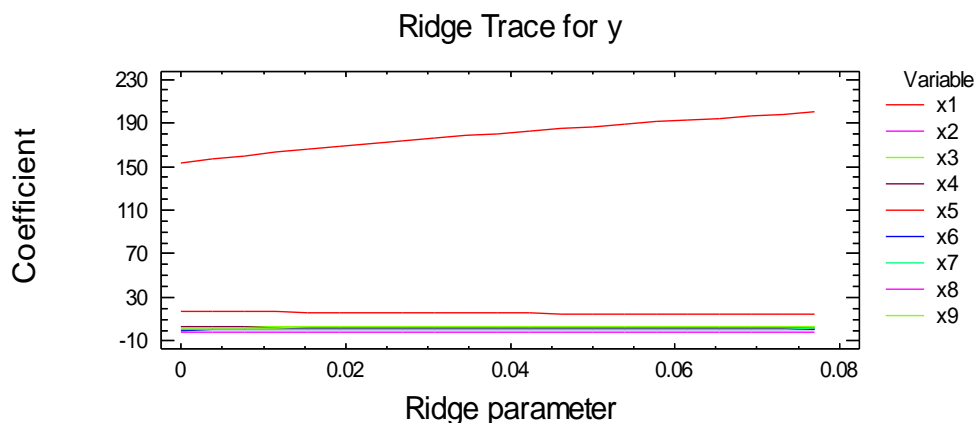
$$y = 22.2767 + 189.342 * X_1 + 0.537105 * X_2 + 3.01949 * X_3 + 2.18736 * X_4 + 15.0027 * X_5 + 0.236558 * X_6 + 1.32945 * X_7 + 1.37618 * X_8 + 3.05733 * X_9$$

كما نلاحظ من الجدول رقم ( 6 ) ان قيم تضخم تباين المعاملات VIF للمتغيرات هذه المتغيرات، والأشكال ذات الأرقام ( 1 ) و ( 2 ) توضح شكل الحرف عند القيمة التوضيحية لكل من  $X_4$  و  $X_6$  و  $X_7$ ، اصبحت اقل من (3) فأن هذا يعني انه تمت معالجة مشكلة تعدد العلاقة الخطية بين المتغيرات التوضيحية التي كانت تعاني منها



شكل رقم (1) : يبين قيم VIF عند  $K=0.055$

يلاحظ من الشكل الاول ان  $X_3, X_4, X_7$  تمثل اعلى قيمة VIF وانه تم تقليل قيم VIF لها عندما تم اضافة اثر الحرف  $K$  في القيمة  $K=0.055$  حيث انخفضت قيمها عن القيم الاعتيادية.



الشكل رقم (2) : يبين قيم المعاملات المقدرة عند  $K=0.055$

## الاستنتاجات

انحدار الحرف في اختيار متغيرات دالة الاستثمار الزراعي في العراق للفترة 1980.2000،  
مجلة تكريت للعلوم الإدارية والاقتصادية (المجلد3، العدد8)، كلية الإدارة والاقتصاد، جامعة  
تكريت - العراق.

## المصادر باللغة الانكليزية

1. Muniz, G., Kibria, B.M.G., (2009), " On Some Ridge Regression Estimators : An Empirical comparisons", Communication in Statistics. Simulation and Computation, Vol.38, No3, pp 621.626.

1. في حدود دراستنا نرى ان طريقة المربعات الصغرى لم تعط نتائج جيدة لبيانات الدراسة، وذلك لأن المتغيرات التوضيحية تحوي على تعدد علاقة خطية.  
2. اعتمادا على طريقة انحدار الحرف وعندما قيمة  $K=0.055$  فان معاملات الانحدار الخطي المتعدد قد ثبتت عند قيمها كما أن VIF قد انخفض لجميع المتغيرات التوضيحية التي تمتلك تعدد علاقة خطية.

## التوصيات

1. نوصي بضرورة دراسة أكثر لحساب اثر الحرف في طريقة انحدار الحرف من خلال العمل على افضل معادلة لقيمة K.  
2. معظم الكتب والدراسات قد حددت قيم  $VIF > 10$  لتشخيص تعدد العلاقة الخطية، إذ أن هذه القيمة غير دقيقة اطلاقا وذلك لان قيمة معامل تحديد اي متغير ذات تعدد علاقة خطية بالنسبة لبقية المتغيرات التوضيحية هي 90% وهي نسبة عالية جدا فلا بد من تحديد قيم افضل من 10.

## قائمة المصادر

## المصادر باللغة العربية

1. امين، معاذ عبدالرحيم، (2014)، "استخدام اسلوب انحدار الحرف لمعالجة مشكلة التعدد الخطي مع التطبيق" رسالة دبلوم عالي، كلية علوم الحاسوب والرياضيات، جامعة الموصل - العراق.
2. حسين، احمد حسين، (2013)، "التحليل المكاني للمياه الجوفية في منطقة تلعفر باستخدام التقنيات المعاصرة" رسالة دكتوراه (غير منشورة)، كلية التربية، جامعة الموصل.
3. الراوي، خاشع محمود، (1987)، " المدخل الى تحليل الانحدار"، مديرية دار الكتب للطباعة والنشر.
4. عطية. عبدالقادر محمد عبدالقادر، (2004)، ( الحديث في الاقتصاد القياسي بين النظرية والتطبيق ) مكة المكرمة.
5. القصاب، موفق محمد والريكانى، بيان محمد امين، (2014)، " منشور في وقائع مؤتمر العرب الدولي لعلوم الرياضيات (2014. 23.25)، جامعة الزرقاء - الاردن.
6. القيسي، عزة مصطفى عبد القادر، (2000)، " استخدام اسلوب المحاكاة في مقارنة مقدرات انحدار الحرف " رسالة ماجستير، كلية علوم الحاسبات والرياضيات، جامعة الموصل - العراق.
7. كاظم، اموري هادي، (2005)، "مقدمة في القياس الاقتصادي" جامعة بغداد، دار ابن الاثير للنشر والطباعة جامعة الموصل.
8. كاظم، اموري هادي، ومسلم، باسم شلبية، (2002)، " القياس الاقتصادي المتقدم النظرية والتطبيق"، مطبعة دنيا الأمل، بغداد - العراق.
9. المشهداني، ايمان محمد عبدالله، (1994)، " استخدام المركبات الرئيسية في تشخيص ومعالجة مشكلة التعدد الخطي مع تطبيق عملي لبعض الظواهر الاقتصادية"، رسالة ماجستير، كلية الادارة والاقتصاد، جامعة بغداد - العراق.
10. النعيمي، اسوان محمد طيب رشيد، (2005)، "اختيار المتغيرات في انحدار الحرف"، رسالة ماجستير غير منشورة"، كلية علوم الحاسوب والرياضيات، جامعة الموصل. العراق.
11. مجي، مزاحم محمد وعبدالله، محمود حمدون، (2007)، "تشخيص التعدد الخطي واستخدام